



При использовании вольтметра В7-34 для измерения стоомного сопротивления терморезистора абсолютная погрешность равна $\pm 0,025$ Ом и

$$\Delta\Theta = \frac{\Delta R}{\alpha R_{\Theta_0}} = \frac{\pm 0,025}{0,00391 \cdot 100} = \pm 0,064^\circ \text{C}.$$

В расчёте на наихудший случай максимальное значение аддитивной составляющей погрешности терморезистора после такой индивидуальной градуировки равно: $\Delta\Theta_0 = 0,005 + 0,064 = 0,069^\circ \text{C}$ и формула определения погрешности такого терморезистора класса допуска А может быть записана в виде: $\Delta\Theta = \pm(0,069 + 0,002 |\Theta|)^\circ \text{C}$.

Меньшее значение предельной погрешности терморезистора может быть получено при использовании в качестве меры температуры тройной точки воды, воспроизводящей $0,01^\circ \text{C}$ с погрешностью, не превышающей $\pm 0,001^\circ \text{C}$, а в качестве средства измерения сопротивления более точного измерительного прибора, например, вольтметра В7-46.

Мультипликативная составляющая погрешности терморезистора может быть уменьшена индивидуальной градуировкой терморезисторов в других реперных точках международной практической температурной шкалы, например, в точке температуры кипения воды, воспроизводимой с погрешностью, не превышающей $\pm 0,001^\circ \text{C}$,

И.И. Волков, А.Г. Золин

РЕГУЛЯРИЗАЦИОННЫЙ ПОДХОД ПРИ РЕШЕНИИ ЗАДАЧ ВОССТАНОВЛЕНИЯ СМАЗАННЫХ ИЗОБРАЖЕНИЙ С ЛИНЕЙНЫМ СМАЗОМ

(Самарский государственный технический университет)

Современные космические системы высокодетального наблюдения (КСВН) Земли, для получения изображений используют съёмочные устройства на основе приборов с зарядовой связью (ПЗС). Для правильной работы в режиме накопления видеосигнала, необходимо, чтобы скорость движения космического аппарата была точно согласована с периодом опроса матрицы. На практике, это условие может нарушаться из-за ошибки вычисления скорости спутника и неточности задания частоты опроса ПЗС-матрицы. В результате возникают смазанные изображения [1].

Параметры смаза могут существенно варьироваться от долей до десятков пикселей и иметь как одну, так и две пространственные составляющие.

В настоящее время известны основные подходы к решению задачи восстановления смазанных изображений, однако их практическое применение связано с различными недостатками конкретных реализаций. В статье [1] рассматриваются два подхода: спектральный метод коррекции, основанный на исполь-



зовании фильтра Виннера и алгебраический метод, основанный на решении систем линейных уравнений методами псевдообращений. К сожалению, при реализации обоих подходов появляются заметные тени от контрастных объектов.

В статье [2] рассматривается метод восстановления изображения с неизвестным параметром смаза. Тем не менее, описанная итерационная процедура восстановления, требует наличия не смазанной области, что может быть труднодостижимо при обработки данных КСВН.

В данной работе представлено решение обратной задачи восстановления смазанного изображения с известной функцией рассеяния точки, причем смаз имеет одну пространственную составляющую. Рассмотрим процесс смаза изображения как динамическую систему с известной передаточной функцией $W_0(z)$. Известен также ее выходной сигнал $Y(z)$. Необходимо определить входной сигнал $X(z)$ [3].

Возьмем один класс смазанных изображений, для которых весовая функция прямого фильтра будет равна

$$h_0(v) = \frac{1}{N_0}, v = \overline{0, N_0 - 1}.$$

В этом случае передаточная функция фильтра определяется так:

$$W_0(z) = \sum_{v=0}^{N_0-1} h_0(v)z^{-v} = \frac{1 - z^{-N_0}}{N_0(1 - z^{-1})}. \quad (1)$$

Передаточная функция обратного (восстанавливающего) фильтра имеет вид:

$$W(z) = \frac{1}{W_0(z)} = \frac{N_0(1 - z^{-1})}{1 - z^{-N_0}}.$$

В [3] показан подход, вводящий регуляризирующий параметр A ($0 < A < 1$). Согласно данному подходу передаточная функция обратного фильтра будет определяться следующим образом:

$$W(z) = \frac{AN_0(1 - Az^{-1})}{1 - A^{N_0}z^{-N_0}} = \frac{AN_0}{\sum_{v=0}^{N_0-1} A^v z^{-v}}. \quad (2)$$

При реализации данного обратного фильтра возникает две проблемы:

1. фильтр является фильтром AP, а это означает, что его реализация будет связана с рекурсивными вычислениями, приводящими к погрешностям.
2. Значение регуляризирующего параметра A должно быть близким к 1, однако необходим алгоритм выбора его конкретной величины.

Для решения первой проблемы перейдем к фильтру типа СС. Справедливо соотношение:

$$W(z) = \sum_{v=0}^{\infty} h(v)z^{-v}, \quad (3)$$

здесь $h(v)$ – весовая функция фильтра с передаточной функцией (2), вычисляемая следующим образом:

$$h(v) = A^{N_0}h(v - N_0) + AN_0(\delta(m) - A\delta(m - 1)), v = 0, 1, \dots \quad (4)$$



Фильтр с передаточной функцией (3) имеет бесконечно большой порядок и поэтому технически не реализуем. В связи с этим возьмем фильтр конечного порядка (pN_0-1):

$$W'(z) = \sum_{v=0}^{pN_0-1} h(v)z^{-v}. \quad (5)$$

Из (4) находим:

$$\begin{cases} h(vN_0) = A^{vN_0+1}N_0 \\ h(vN_0+1) = -A^{vN_0+2}N_0 \\ h(vN_0+k) = 0 \\ k = \overline{2, N_0-1}, v = 0, 1, \dots \end{cases} \quad (6)$$

Подставив $h(v)$ из (6) в (5), получим:

$$W'(z) = \sum_{k=0}^{p-1} N_0 A^{kN_0+1} (1 - Az^{-1}) z^{-kN_0}. \quad (7)$$

Отсюда приходим к следующему алгоритму вычисления оценки $x'(m)$:

$$x'(m) = \sum_{k=0}^{p-1} N_0 A^{kN_0+1} (y(m - kN_0) - Ay(m - kN_0 - 1)). \quad (8)$$

Теперь перейдем к решению второй проблемы: выбору значения регуляризирующего параметра A . Для этого выразим оценку восстанавливаемого сигнала через весовую функцию H_k последовательно соединенных прямого и обратного фильтров:

$$x'(m) = \sum_{k=0}^{N_0p+1} H_k x(m-k) = H_0 x(m) + \sum_{k=1}^{N_0p+1} H_k x(m-k).$$

Погрешность оценивания будет равна

$$\delta(m) = x'(m) - x(m) = \sum_{k=0}^{N_0p+1} \Psi_k x(m-k), \quad (9)$$

где: $\Psi_0 = H_0 - 1$, $\Psi_k = H_k$, $k = 1..N_0p+1$

Из (9) на основании неравенства Коши-Буняковского получаем, что:

$$|\delta(m)| \leq \sqrt{\left(\sum_{k=0}^{N_0p+1} \Psi_k^2 \right) \left(\sum_{k=0}^{N_0p+1} x^2(m-k) \right)} \quad \text{или}$$

$$|\delta(m)| \leq \sqrt{\varepsilon_p} \sqrt{\left(\sum_{k=0}^{N_0p+1} x^2(m-k) \right)}, \quad (10)$$

где

$$\varepsilon_p = \sum_{k=0}^{N_0p+1} \Psi_k^2 = (1 - H_0)^2 + \sum_{k=1}^{N_0p+1} H_k^2 \quad (11)$$

- квадратическая погрешность рассогласования между весовой функцией последовательного соединения прямого и обратного фильтров и ее ?.



Теперь вычислим значение весовой функции:

$$\left\{ \begin{array}{l} H_0 = A \\ H_k = \overline{A(1-A)} \\ k = 1, N_0 - 1 \\ H_{vN_0} = -A^{(v-1)N_0+2}(1-A^{N_0-1}) \\ H_{vN_0+k} = \overline{A^{vN_0+1}(1-A)} \\ k = 1, N_0 - 1, v = 1, p - 1 \\ H_{pN_0} = -A^{(p+1)N_0+2} \\ H_{pN_0+k} = 0 \\ k = 1, N_0 - 2 \end{array} \right. \quad (12)$$

Значение погрешности вычисляется по формуле (11).

С учетом (12) будем иметь:

$$\varepsilon_p = (1-A)^2 + (N_0 - 1)A^2(1-A)^2 \sum_{v=0}^{p-1} A^{2vN_0} + A^v(1-A^{N_0-1}) \sum_{v=0}^{p-2} A^{2vN_0} + A^{2(p-1)N_0+4} \quad (13)$$

По этому соотношению определяем такое значение A , при котором погрешность (13) минимальна.

Для апробации алгоритма было взято тестовое изображение из КСВН, имеющее 1024 градации серого. Был выполнен смаз изображения вдоль горизонтальной оси на различное количество пикселей (от 3 до 10), после чего предприняты попытки восстановления по алгоритму (8) с различными значениями регуляризирующего параметра A . Наилучшие результаты были получены при значениях A близких к 1. Относительная среднеквадратическая погрешность (ОСП) вычислялась по формуле

$$\text{ОСП} = \sqrt{\frac{\sum (x'(m) - x(m))^2}{\sum x(m)^2}}$$

Результаты проведенных экспериментов приведены в таблице 1.

Таблица 1. Результаты восстановления изображения

Величина смаза	ОСП смазанного изображения	Восст. по формуле (8)	Восст. Matlab deconvreg
3	0,065	0,017	0,024
5	0,098	0,016	0,30
7	0,118	0,019	0,41
10	0,139	0,036	0,43

В результате исследований был поучен простой в реализации алгоритм восстановления смазанных изображений. Приведенные результаты апробации показали достаточно высокое качество реконструкции исходного изображения. В настоящее время ведутся работы по сокращению времени переходного про-



цесса восстановления, а также применения данного алгоритма к изображениям, смаз которых имеет две пространственные составляющие.

Литература

1. Егошкин, Н.А. Коррекция смаза изображений в системах космического наблюдения земли [Текст] / Егошкин Н.А., Еремеев В.В. // Цифровая обработка сигналов. 2010. №4.
2. Jian-Feng Cai Blind motion deblurring using multiple images [Текст] / Jian-Feng Cai, Hui Ji, Chaoqiang Liu, Zuowei Shen // Journal of Computational Physics 228 (2009) 5057–5071.
3. Батищев, В.И. Синтез фильтров для восстановления смазанных изображений с использованием методов регуляризации [Текст] / Батищев В.И., Волков И.И., Золин А.Г. // Проблемы управления и моделирования в сложных системах (ПУМСС-2013): Труды XV Международной конференции, ИПУСС РАН, Самара, 2013.

С.Н. Грудинин, В.Д. Фроловский

ИССЛЕДОВАНИЕ ИНФОРМАТИВНОСТИ ХАРАКТЕРИСТИК ФОРМЫ И ОПРЕДЕЛЕНИЕ МЕТРИК В ЗАДАЧЕ ПОСТРОЕНИЯ ВИРТУАЛЬНОЙ ИЗМЕРИТЕЛЬНОЙ СИСТЕМЫ КОМПЬЮТЕРНЫХ МАНЕКЕНОВ

(Новосибирский государственный технический университет)

В основе виртуальных измерений лежат реальные метрические характеристики некоторой предметной области. В качестве источников данных используются различные регламентные документы, например: антропометрические стандарты ISO 7250-1: 2008; стандарты швейного производства EN 13402, ГОСТ 17522-72, ISO 3635:1981, ISO 8559:1989; стандарты космической или военной индустрии NASA-STD-3000, ANSUR88-1 1988 [1, 2]. Подход основывается на общепринятых размерных признаках (РП) типовых фигур и антропометрических точек (АТ). Определение совокупного на основании рассматриваемых стандартов множества АП и РП, используемых в исследовании, происходит за счет комбинации наиболее информативных данных из различных стандартов. На основе этих данных разрабатывается классификация виртуальных антропометрических точек (ВАТ) и виртуальных размерных признаков (ВРП).

Исходными данными для описываемого подхода является 3D-модель женского манекена стандартной формы, которая получена трехмерным сканированием или с применением скульптурного моделирования. Входная модель имеет полигональную структуру: множество точек \mathbf{t}_{ij} , соединенных в треугольные полигоны $p_i = (\mathbf{t}_{i1}, \mathbf{t}_{i2}, \mathbf{t}_{i3})$, $i = \overline{1, N}$, $j = \overline{1, 3}$, где N – количество полигонов (здесь и далее точки описываются радиус-векторами). Модель не имеет внут-